

*Mathematics, I undressed the theory of numbers,  
Wetzlar, Germany, pensioner , e-mail: michusid@mail.ru  
Mykhaylo Khusid*

## **Представление чётного числа в виде суммы четырёх простых.**

**Abstract:** *Harald Andrés Helfgott в [2013 году](#) окончательно решил слабую [проблему Гольдбаха](#).*

$$p_1 + p_2 + p_3 = 2N + 1 \quad [1]$$

*где слева сумма трёх простых чисел, справа нечётные числа, начиная с 9*  
*В данной работе автор приводит доказательство, опираясь на решение*  
*слабой проблемы Гольдбаха, что:*

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 = 2N \quad [2]$$

*где справа сумма четырёх простых чисел, слева любое чётное число,*  
*начиная с 12,*  
*методом математической индукции.*

**Keywords:** *На этой основе решает две актуальные задачи теории чисел.*

*Решение.*

*1. Для первого чётного числа  $12 = 3+3+3+3$ .*

*Допускаем справедливость для предыдущего  $N > 5$ :*

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 = 2N \quad [3]$$

*Прибавим к обеим частям по 1*

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 + 1 = 2N + 1 \quad [4]$$

где справа нечётное число и согласно [1]

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 + 1 = p_5 + p_6 + p_7 \quad [5]$$

Прибавив к обоим частям ещё по 1

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 + 2 = p_5 + p_6 + p_7 + 1 \quad [6]$$

Объединим  $p_6 + p_7 + 1$  опять имеем некоторое нечётное число,

которое согласно [1] заменяем суммой трёх простых и в итоге получаем:

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 + 2 = p_5 + p_6 + p_7 + p_8 \quad [7]$$

где слева следующее чётное число относительно [3], а справа сумма четырёх простых чисел.

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 = 2N \quad [8]$$

Таким образом очевидно выполнения индуктивного математического метода.

Что и требовалось доказать.

2. Любое чётное число начиная с шести представимо в виде суммы двух простых чисел. Гипотеза Гольдбаха-Эйлера.

Допустим существуют чётные числа, не представимые как сумма двух простых нечётных чисел:

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 \neq p_5 + p_6 \quad [9]$$

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 + 2 \neq p_5 + p_6 + 2 \quad [10]$$

и далее аналогично [6], [7] преобразуем правую часть [10]:

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 + 2 \neq p_5 + p_6 + p_7 + p_8 \quad [11]$$

получили полное противоречие [7]

Допущение [9] не верное.

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 = p_5 + p_6 = 2N \quad [12]$$

Так как в [12]  $N > 5$ , то  $3 + 3 = 6$ ,  $3 + 5 = 8$ ,  $5 + 5 = 10$

3. Таким образом мы доказали:

Любое чётное число начиная с 6 представимо в виде суммы двух нечётных простых .

$$p_1 + p_2 = 2N \quad [13]$$

Любое чётное число представимо в виде суммы двух простых. Все чётные числа ,без исключения, начиная с 6 есть сумма двух простых чисел.

Проблема Гольдбаха-Эйлера верна и доказана!

4. На основании выше доказанного решаем ещё одну фундаментальную задачу.

5. Любое чётное число ,начиная с 14 ,представимо в виде суммы четырёх нечётных простых чисел из которых два близнецы.

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 = 2 N \quad [14]$$

Пусть  $p_3, p_4$  - простые числа близнецы, тогда разность любого чётного,, начиная с 14 , и суммы близнецов тоже чётное число , которая согласно, доказанной гипотезе Гольдбаха-Эйлера равна сумме двух простых.

Далее расположим простые числа слева направо в порядке убывания.

6. И в случае , если чётное число  $2 N = 2 p_2 + 2 p_4 + 4$  , то  $p_1, p_2$  .

неизбежно также близнецы.

Вычтем из обеих частей [14] сумму  $2 p_2 + 2 p_4$  :

$$p_1 - p_2 + p_3 - p_4 = 4 \quad [15]$$

Из [15], очевидно,  $p_1, p_2$  - неизбежно близнецы.

7. Простых чисел близнецов бесконечное множество.

Пусть их конечное число и последние простые числа близнецы  $p_3, p_4$ .

Обозначим два простых числа большие чем  $p_3, p_4$  как  $p_1, p_2$ .

Просуммируем все четыре простых числа и тогда согласно п.б

имеется чётное число  $2N$ , при котором неизбежно большие  $p_1, p_2$  -

близнецы. И далее подставляя в сумму вместо  $p_3, p_4$  числовые значения

$p_1, p_2$  процесс становится бесконечным.

Литература

1. Википедия.

[http://ppublishing.org/upload/iblock/977/EJT-6\\_2018.pdf](http://ppublishing.org/upload/iblock/977/EJT-6_2018.pdf)