



А.А Хусид кандидат математических наук, Германия.

## О проблеме Гольдбаха-Эйлера

*В 1742 году Гольдбах в письме к Эйлеру поставил проблему доказать, что каждое нечётное число может быть представлено в виде суммы трёх простых чисел (нечётные числа берутся, начиная с 7). Эйлер в ответном письме высказал гипотезу, что имеет место более сильное утверждение, а именно, что каждое чётное число (начиная с 4) может быть представлено в виде суммы двух простых чисел.*

*Эти проблемы получили название проблемы Гольдбаха-Эйлера.*

*Конечно, если бы удалось решить задачу, поставленную Эйлером, то отсюда справедливость теоремы Гольдбаха получалась как очевидное следствие.*

*Действительно, любое нечётное число вида  $2N + 1 > 6$  можно представить в виде:*

$$2N + 1 = 3 + 2(N - 1) \quad [1]$$

*где  $2(N - 1) > 3$  так что из представления  $2(N - 1)$  суммой двух простых вытекает представление  $2N + 1$ .*

*Сумму трёх простых чисел. Вместе с тем решение проблемы Гольдбаха не даёт возможности сделать вывод о справедливости утверждения Эйлера. Таким образом, проблема Эйлера труднее, чем проблема Гольдбаха.*

*23 декабря 2015 г. в Ветцларе (Германия) в интернете вышла моя статья «О некоторых задачах теории чисел», в которой проблема Эйлера решена.*

*В статье {1} доказано, что система уравнений*

$$p_1 + p_2 = N \quad [2]$$

$$p_1 - p_2 = 2k \quad [3]$$

имеет единственное решение.

$$p_1 = \frac{N}{2} + k \quad [4]$$

$$p_2 = \frac{N}{2} - k \quad [5]$$

где  $N = 8, 10, 12, \dots$ ,  $k = 1, 2, 3, \dots$

На английском языке можно найти эту статью в {2}, {3}.

*Определение.* Простые числа  $p_1, p_2$  называются близнецами  $k$  – порядка, если  $p_1 - p_2 = 2k$   $k = 1, 2, 3, \dots$

*Пример*  $k = 1; 3, 5; 5, 7; 11, 13 \dots$  -, близнецы 1-порядка или обычные близнецы.

$$k = 2; 3, 7; 7, 11; \dots$$

Выдвигаем гипотезу уравнение [3] при любом фиксированном  $k$  имеет бесконечно много решений в простых числах  $p_1, p_2$ .

*Теорема 1.* Гипотеза простых чисел верна.

*Доказательство.* Предположение, что уравнение [3] имеет конечное число решений, тогда из [4],[5] следовало бы, что  $N$  ограничено, что противоречит тому, что [4],[5]-бесконечные арифметические прогрессии.

Теорема доказана.

Имеет место

*Теорема 2.* Всякое нечётное число  $2N + 1 > 6$  представимо в виде

$$2N + 1 = p_1 + p_2 + p_3 \quad [6]$$

$$p_1 = 3 \quad [7]$$

$$p_2 = (N - 1) + k \quad [8]$$

$$p_3 = (N - 1) - k \quad [9]$$

где

$$N = 3, 4, 5, \dots$$

$$k = 1, 2, 3, \dots$$

Доказательство следует из {1}, [4], [5].

*Теорема 3.* Всякое нечётное число  $2N + 1 > 6$

представимо в виде

$$2N + 1 = p_1 + p_2 + p_3 \quad [10]$$

$$p_1 = p \quad [11]$$

$$p_2 = \frac{2N + 1 - p}{2} + k \quad [12]$$

$$p_3 = \frac{2N + 1 - p}{2} - k \quad [13]$$

где

$$N = 3, 4, 5, \dots$$

$$k = 1, 2, 3, \dots$$

$p > 2$  простое фиксированное число.

Положим  $N_1 = 2N + 1 - p \quad [14]$

Доказательство теоремы следует из [4]-[14].

*Теорема 2 является частным случаем теоремы 3 при  $p = 3$ .*

### *Литература*

*{1}-А.А Хусид «О некоторых задачах теории чисел», 2000-2013г,*

*<http://knowledgeollbest.ru/upload.cgi>*

*{2}- A.Khusid, About some tasks of the teorie Number, Austrian Journal  
of Technikal and Natural Scienes ,№ 3-4 2018, March-April.*

*{3}- A.Khusid, About some tasks of the teorie Number, Austrian Journal  
of Technikal and Natural Scienes ,№ 3-4 2018, March-April.*

*10th International Conference “Science and Technology” 27-29 October 2018.*